



Universidad Nacional de Ingeniería

Facultad de Ingeniería Civil
Departamento Académico de Estructuras
Taller de Ingeniería Estructural

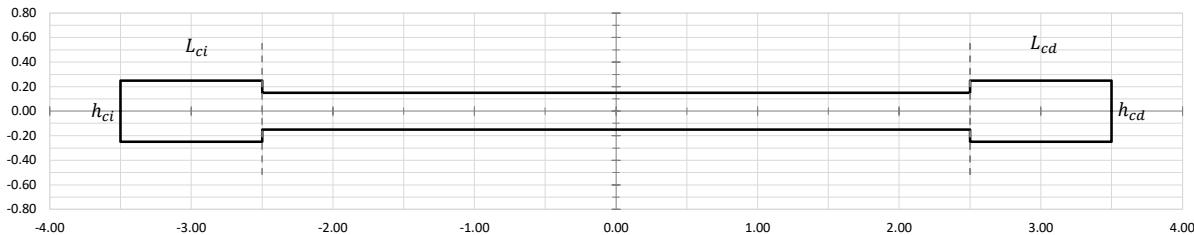
Luis Enrique Maldonado de la Torre
2022-2

ANALISIS Y DISEÑO DE MUROS ESTRUCTURALES DE CONCRETO ARMADO

01 DATOS DE DISEÑO

Código = PL 02 - Piso 3	$f'_c = 280 \text{ kg/cm}^2$	$h_m = 26.00 \text{ m}$	altura total del muro
Block = 52	$f_y = 4200 \text{ kg/cm}^2$	$h = 2.8 \text{ m}$	altura de entrepiso
$L_{ci} = 1.00 \text{ m}$	$L_m = 7.00 \text{ m}$	$L_{cd} = 1.00 \text{ m}$	
$h_{ci} = 0.50 \text{ m}$	$t_m = 0.30 \text{ m}$	$h_{cd} = 0.50 \text{ m}$	

Sección en Planta del Muro Estructural



01 CARGAS Y COMBINACIONES DE DISEÑO

DIRECCION X-X	DIRECCION Y-Y
$P_{CM} = 418.44 \text{ tn}$	$P_{CM} = 418.44 \text{ tn}$
$P_{CV} = 157.21 \text{ tn}$	$P_{CV} = 157.21 \text{ tn}$
$P_{CS} = 29.83 \text{ tn}$	$P_{CS} = 73.02 \text{ tn}$
$M_{CM} = 25.73 \text{ tn-m}$	$M_{CM} = 2.18 \text{ tn-m}$
$M_{CV} = 3.21 \text{ tn-m}$	$M_{CV} = 0.61 \text{ tn-m}$
$M_{CS} = 674.31 \text{ tn-m}$	$M_{CS} = 1.34 \text{ tn-m}$
$V_{CM} = 1.56 \text{ tn}$	$V_{CM} = 0.21 \text{ tn}$
$V_{CV} = 0.46 \text{ tn}$	$V_{CV} = 0.45 \text{ tn}$
$V_{CS} = 90.81 \text{ tn}$	$V_{CS} = 0.34 \text{ tn}$

Combinaciones de Diseño	DIRECCION X-X			DIRECCION Y-Y		
	$P_{UX} (\text{tn})$	$M_{UX} (\text{tn-m})$	$V_{UX} (\text{tn})$	$P_{UY} (\text{tn})$	$M_{UY} (\text{tn-m})$	$V_{UY} (\text{tn})$
1.4CM + 1.7CV	853.1	41.5	3.0	853.1	4.1	1.1
1.25(CM + CV) + CS	749.4	710.5	93.3	792.6	4.8	1.2
1.25(CM + CV) - CS	689.7	-638.1	-88.3	646.6	2.1	0.5
0.9CM + CS	406.4	697.5	92.2	449.6	3.3	0.5
0.9CM - CS	346.8	-651.2	-89.4	303.6	0.6	-0.2
Envolvente	853	710	93	853	5	1

Analisis del muro: Considerando los criterios del ACI 318

$$l_w = 0.8L_m = 5.6 \text{ m} \quad \text{Longitud efectiva del muro}$$

$$\frac{h_w}{l_w} = 3.71 \quad \frac{l_w}{b_w} = 28.00 \quad \text{Muro}$$

$$\text{Verificación de esbeltez: } \frac{h}{e} = 9.33 < 16 \quad \text{No excede la Esbeltez límite}$$

$$\text{Comportamiento del muro: } \frac{h_w}{l_w} = 2.97 > 2 \quad \text{Muro a Flexión}$$

Tabla R18.10.1 — Requisitos que dominan en el diseño de segmentos verticales de muro^[1]

Altura libre del segmento vertical de muro / longitud del segmento vertical del muro, (h_w/l_w)	Longitud del segmento vertical de muro / espesor del muro (ℓ_w/b_w)		
	$\ell_w/b_w \leq 2.5$	$2.5 < \ell_w/b_w \leq 6$	$\ell_w/b_w > 6$
$h_w/\ell_w < 2$	Muro	Muro	Muro
$h_w/\ell_w \geq 2$	El machón de muro debe cumplir los requisitos de columna o requisitos alternos, véase 18.10.8.1	El machón de muro debe cumplir los requisitos de columna o requisitos alternos, véase 18.10.8.1	Muro

^[1] h_w es la altura libre, ℓ_w es la longitud horizontal, y b_w es el espesor del alma del segmento de muro.

02 VERIFICACION DE NECESIDAD DE ELEMENTOS DE CONFINAMIENTO

El muro estructural necesitará elementos de confinamiento si el esfuerzo máximo de compresión en la fibra extrema es mayor de: $0.2f'_c = 56.00 \text{ kg/cm}^2$

Área bruta del muro estructural:

$$A_g = 25000.00 \text{ cm}^2$$

Carga axial última en el muro estructural :

$$P_u = 1.4CM + 1.7CV = 853080.8 \text{ kg}$$

Esfuerzo de compresión en la fibra extrema:

$$\sigma_c = \frac{P_u}{A_g} + \frac{M_u(L_m/2)}{I_{Y-Y}} = 62.6 \text{ kg/cm}^2 \quad > \quad 0.2f'_c = 56.00 \text{ kg/cm}^2$$

Momento de inercia respecto al eje y-y :

$$I_{Y-Y} = 1220833333.33 \text{ cm}^4$$

Momento último en el muro estructural :

$$M_u = 1.40M_b = 99467900.0 \text{ kg-cm}$$

Necesita de Elementos de Confinamiento

Predimensionamiento de elementos de borde

$$c \geq \frac{l_m}{600(\delta_u/h_m)} \quad \delta_u = 184.16 \text{ mm}$$

$$c = 175 \text{ cm} > \frac{l_m}{600(\delta_u/h_m)} = 164.71 \text{ cm}$$

Necesita de Elementos de Confinamiento

$$c - 0.1L_m = 1.05 \text{ m} \quad | \quad L_c = 1.05 \text{ m}$$

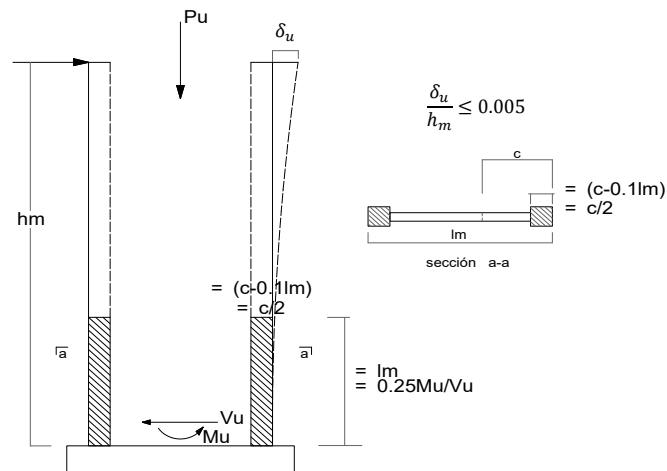
$$\frac{c}{2} = 0.88 \text{ m}$$

$$2t = 0.60 \text{ m} \quad | \quad L_c = 0.70 \text{ m}$$

$$0.1L_m = 0.70 \text{ m}$$

$$c < \frac{3}{8}l_w \quad \text{ok}$$

La longitud de elemento de borde asumido es correcta



Altura minima del elemento confinado de borde

Donde se requieran elementos confinados de borde, el refuerzo del mismo debe extenderse verticalmente desde la sección critica a una distancia no menor que el mayor valor entre:

$$h_{1min} \quad L_m = 7.00 \text{ m} \quad \frac{M_u}{4V_u} = 1.90 \text{ m}$$

la zona critica estará definida hasta el 2do nivel

03 DETERMINACION DE LOS REFUERZOS DE ACERO EN EL MURO ESTRUCTURAL

a. Verificacion del Requerimiento de Refuerzo de Acero en Dos Capas

$$Si: t_m = 0.30 \text{ m} > 0.20 \text{ m} \quad \text{Refuerzo en dos capas}$$

$$Si: V_u = 93.34 \text{ tn} < 0.53\sqrt{f'_c}A_{cv} = 186.24 \text{ tn} \quad \text{Refuerzo en una capa}$$

b. Determinacion de los requerimientos de refuerzo por corte en el muro estructural

La resistencia al corte Vn, en cualquier sección horizontal para cortante en el plano del muro no debe tomarse mayor que:

$$V_n = 2.6\sqrt{f'_c}A_{cv} = 590.35 \text{ tn}$$

$$V_u = 93.34 \text{ tn} \quad \text{Cortante última}$$

$$V_u \geq V_{ua} \left(\frac{M_n}{M_{ua}} \right) \quad M_{ua} = 710 \text{ ton-m}$$

$$M_n = 878.86 \text{ ton-m} \quad | \quad V_u = V_{ua} \left(\frac{M_n}{M_{ua}} \right) = 115.45 \text{ ton} \quad \text{Cortante de Diseño}$$

$$\frac{M_n}{M_{ua}} = 1.237 < \frac{R}{2} = 3 \quad \text{OK}$$

Calculamos el factor α_c :

$$\frac{h_m}{L_m} = 3.71 \rightarrow \alpha_c = 0.53$$

Resistencia al cortante nominal del area A_{cv} del muro :

$$V_n = (\alpha_c \sqrt{f'_c} + \rho_v f_y) A_{cv} = 156.05 \text{ tn}$$

Cortante desarrollado de la resistencia a flexion nominal

$$V_{fn} = \left(\frac{M_u}{\phi} \right) \frac{2}{h_m} = 60.73 \text{ tn}$$

$$A_{cv} = 0.8l_w t = 1.68 \text{ m}^2$$

Resistencia al corte del concreto

$$V_c = 0.53\sqrt{f'_c}b.d = 148.99 \text{ tn}$$

Resistencia al cortante maxima del area A_{cv} del muro :

$$V_c = \alpha_c \sqrt{f'_c} A_{cv} = 186.24 \text{ tn}$$

El valor de para el cortante es de $\phi = 0.85$, sin embargo deberá tomarse $\phi = 0.60$, si la resistencia al cortante nominal V_n es menor que el cortante correspondiente al desarrollo de la resistencia a flexion nominal V_{fn} . En forma conservadora se tomara

$$\phi = 0.85$$

Resistencia al cortante del acero de refuerzo: $V_s = \frac{V_u}{\phi} - V_c = -39.19 \text{ tn}$

La cuantia horizontal será: $\rho_h = \frac{V_s}{A_{cv} f_y} = -0.00056$

La cuantia de refuerzo horizontal para cortante no debe ser menor que 0.0025 y su espaciamiento no debe exceder tres veces el espesor del muro ni 0.40m

La separacion del refuerzo horizontal estara dado por: $S = A_v f_y d / V_s$

Numero de capas del refuerzo vertical : $N^\circ = 2$

\emptyset	3/8"	1/2"	5/8"	3/4"	7/8"	1"
$A_v (\text{cm}^2)$	1.42	2.54	3.96	5.70	7.76	10.14
s (cm)	-85.23	-152.45	-237.68	-342.12	-465.76	-608.61

Distribucion de acero en: $A_v = 2.54 \text{ cm}^2$

$$\emptyset \quad 1/2" \quad @ \quad -1.50 \text{ m}$$

c. Determinacion de los requerimientos de refuerzo minimo longitudinal en el muro estructural

Cuantia de acero vertical en el muro : $\rho_v \min = \frac{A_{sv}}{A_{cv}} \geq 0.0025$

$$\rho_v = 0.0025 + 0.5 \left(2.5 - \frac{H_m}{L_m} \right) (\rho_h - 0.0025) = 0.00436$$

Area resistente al corte por unidad de metro:

$$A_{cv}/1m = 3000.00 \text{ cm}^2/m$$

Espaciamiento maximo del refuerzo:

$$S = 0.40 \text{ m} \quad | \quad 3t_m = 0.90 \text{ m} \quad S_{max} = 0.40 \text{ m}$$

Area de acero vertical por unidad de metro :

$$\rho_v \cdot A_{cv} = 13.07 \text{ cm}^2/m$$

La distribucion de acero vertical en el muro sera de :

\emptyset	3/8"	1/2"	5/8"	3/4"	7/8"	1"
$A_v (\text{cm}^2)$	1.42	2.54	3.96	5.70	7.76	10.14
$s (\text{cm})$	10.87	19.44	30.31	43.63	59.39	77.61

Numero de capas del refuerzo vertical : $N^o = 2$

Distribucion de acero en: $A_v = 1.42 \text{ cm}^2$

$\emptyset 3/8"$ @ 0.100 m

04 DETERMINACION DE LOS REFUERZOS DE ACERO EN LAS COLUMNAS DE CONFINAMIENTO

a. Verificacion de los elementos de confinamiento actuando como columnas cortas

En esta condicion las columnas toman las cargas verticales debidas a las cargas de gravedad y de sismo.

Fuerza axial maxima sobre el elemento de confinamiento $P_{u \max}$:

$$P_u = 1.4(P_{CM} + P_{CV}) = 805.92 \text{ tn}$$

$$P_{u \max} = \frac{P_u}{2} + \frac{M_u}{L_m} = 568.74 \text{ tn}$$

Determinacion del acero longitudinal en la columna Izquierda

$$A_{col \ izq} = 5000.0 \text{ cm}^2$$

$$P_u = 568.74 \text{ tn}$$

$$A_{s \ min} = 0.01 \cdot A_{col} = 50.00 \text{ cm}^2$$

$$A_{s \ max} = 0.06 \cdot A_{col} = 300.00 \text{ cm}^2$$

$$A_s \ izq = 18 \phi 1" \quad 18 \phi 5/8" \quad 0 \phi 5/8"$$

$$A_s \ izq = 126.90 \text{ cm}^2$$

Cumple los limites de cuantia

Determinamos la resistencia axial maxima de la columna Izquierda

$$P_n \ max = 0.80(0.85f'_c(A_g - A_{st}) + A_{st}f_y) \\ P_n \ max = 1354.22 \text{ tn}$$

Determinamos la resistencia ultima axial maxima de la columna Izquierda

$$\emptyset P_n \ max = 0.70P_n \ max = 947.96 \text{ tn} \\ P_u = 568.74 \text{ tn}$$

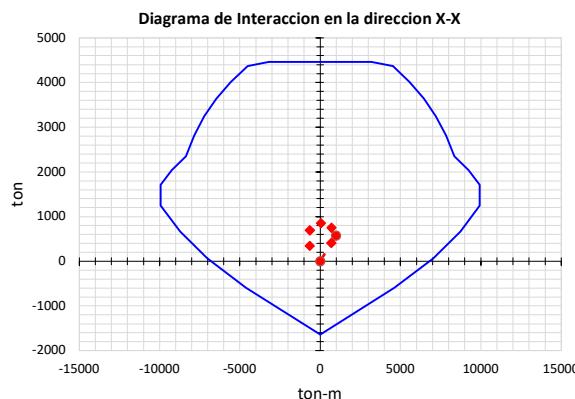
La columna es conforme

b. Verificacion por flexocompresion de los elementos de confinamiento

Determinamos la carga axial ultima actuante en el muro

$$P_u = 568.74 \text{ tn}$$

Diagrama de interaccion del muro en la direccion X-X



b. Determinamos los requerimientos de refuerzo transversal por confinamiento en la direccion de la longitud menor de la columna

Determinacion de la separacion en la columna Izquierda

$$S = L_{menor}/4 = 0.13 \text{ m}$$

Determinacion de altura del nucleo de concreto en columna Izquierda

$$recubrimiento = 4.0 \text{ cm}$$

$$h_c = 0.907 \text{ m} \quad b_c = 0.427 \text{ m}$$

Calculamos el area de acero horizontal en la columna izquierda - 01

$$A_{sh} = 0.3 s h_c (A_g/A_{ch} - 1) f'_c/f_y$$

$$s = 0.20 \text{ m}$$

Numero de capas del refuerzo vertical : $N^o = 2$

Distribucion de acero en: $A_v = 1.42 \text{ cm}^2$

$\emptyset 3/8"$ @ 0.100 m

$$P_u = 1.4M_b = 994.68 \text{ tn-m}$$

$$L'_m = L_m - L_{col \ (max)} = 6.00 \text{ m}$$

Determinacion del acero longitudinal en la columna Derecha

$$A_{col \ der} = 5000.0 \text{ cm}^2$$

$$P_u = 568.74 \text{ tn}$$

$$A_{s \ min} = 0.01 \cdot A_{col} = 50.00 \text{ cm}^2$$

$$A_{s \ max} = 0.06 \cdot A_{col} = 300.00 \text{ cm}^2$$

$$A_s \ der = 18 \phi 1" \quad 16 \phi 5/8" \quad 0 \phi 5/8"$$

$$A_s \ der = 122.94 \text{ cm}^2$$

Cumple los limites de cuantia

Determinamos la resistencia axial maxima de la columna Derecha

$$P_n \ max = 0.80(0.85f'_c(A_g - A_{st}) + A_{st}f_y) \\ P_n \ max = 1341.67 \text{ tn}$$

Determinamos la resistencia ultima axial maxima de la columna Derecha

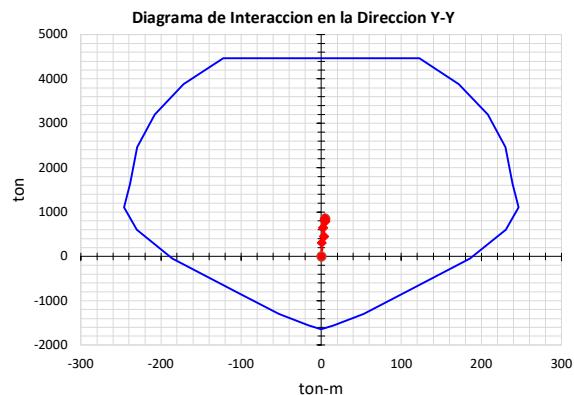
$$\emptyset P_n \ max = 0.70P_n \ max = 939.17 \text{ tn} \\ P_u = 568.74 \text{ tn}$$

La columna es conforme

Determinamos el momento ultimo actuante en el muro

$$M_u = 994.68 \text{ tn-m}$$

Diagrama de interaccion del muro en la direccion Y-Y



Determinacion de la separacion en la columna Derecha

$$S = L_{menor}/4 = 0.13 \text{ m}$$

Determinacion de la altura del nucleo de concreto en la columna Derecha

$$recubrimiento = 4.0 \text{ cm}$$

$$h_c = 0.907 \text{ m} \quad b_c = 0.427 \text{ m}$$

Calculamos el area de acero horizontal en la columna izquierda - 01

$$A_{sh} = 0.3 s h_c (A_g/A_{ch} - 1) f'_c/f_y$$

$$s = 0.20 \text{ m}$$

$$A_{sh} = 10.51 \text{ cm}^2$$

Calculamos el area de acero horizontal en la columna izquierda - 02

$$A_{sh'} = 0.09 s h_c f'_c / f_y$$

$$A_{sh'} = 10.89 \text{ cm}^2$$

Elegimos la siguiente distribucion de aceros, en la columna izquierda

10 φ3/8"

6 φ3/8"

$$A_{sh} = 11.36 \text{ cm}^2$$

$$A_{sh min} = 10.89 \text{ cm}^2$$

Cumple

$$A_{sh} = 10.51 \text{ cm}^2$$

Calculamos el area de acero horizontal en la columna izquierda - 02

$$A_{sh'} = 0.09 s h_c f'_c / f_y$$

$$A_{sh'} = 10.89 \text{ cm}^2$$

Elegimos la siguiente distribucion de aceros, en la columna derecha

10 φ3/8"

6 φ3/8"

$$A_{sh} = 11.36 \text{ cm}^2$$

$$A_{sh min} = 10.89 \text{ cm}^2$$

Cumple

c. Determinamos los requerimientos de refuerzo transversal por confinamiento en la direccion de la longitud mayor de la columna

Determinacion de la separacion en la columna Izquierda

$$S = L_{menor}/4 = 0.25 \text{ m}$$

Determinacion de altura del nucleo de concreto en columna Izquierda

recubrimiento = 4.0 cm

$$h_c = 0.407 \text{ m}$$

$$b_c = 0.927 \text{ m}$$

Calculamos el area de acero horizontal en la columna izquierda - 01

$$A_{sh} = 0.3 s h_c (A_g/A_{ch} - 1) f'_c / f_y$$

$$s = 0.20 \text{ m}$$

$$A_{sh} = 5.28 \text{ cm}^2$$

Calculamos el area de acero horizontal en la columna izquierda - 02

$$A_{sh'} = 0.09 s h_c f'_c / f_y$$

$$A_{sh'} = 4.89 \text{ cm}^2$$

Elegimos la siguiente distribucion de aceros, en la columna izquierda

4 φ3/8"

4 φ3/8"

$$A_{sh} = 5.68 \text{ cm}^2$$

$$A_{sh min} = 5.28 \text{ cm}^2$$

Cumple

Determinacion de la separacion en la columna Derecha

$$S = L_{menor}/4 = 0.25 \text{ m}$$

Determinacion de la altura del nucleo de concreto en la columna Derecha

recubrimiento = 4.0 cm

$$h_c = 0.407 \text{ m}$$

$$b_c = 0.927 \text{ m}$$

Calculamos el area de acero horizontal en la columna izquierda - 01

$$A_{sh} = 0.3 s h_c (A_g/A_{ch} - 1) f'_c / f_y$$

$$s = 0.20 \text{ m}$$

$$A_{sh} = 5.28 \text{ cm}^2$$

Calculamos el area de acero horizontal en la columna izquierda - 02

$$A_{sh'} = 0.09 s h_c f'_c / f_y$$

$$A_{sh'} = 4.89 \text{ cm}^2$$

Elegimos la siguiente distribucion de aceros, en la columna derecha

4 φ3/8"

4 φ3/8"

$$A_{sh} = 5.68 \text{ cm}^2$$

$$A_{sh min} = 5.28 \text{ cm}^2$$

Cumple

05 DIAGRAMA FINAL DEL MURO ESTRUCTURAL

